

# Inhaltsverzeichnis

	Seite
Literaturverzeichnis . . . . .	5
Einleitung . . . . .	7
Bezeichnungen . . . . .	10

## Erster Teil

### Maß- und Integrationstheorie

#### Kapitel I. Maßtheorie

§ 1. $\sigma$ -Algebren und ihre Erzeuger . . . . .	12
§ 2. Dynkinsche Systeme . . . . .	14
§ 3. Inhalte und Prämaße . . . . .	16
§ 4. Lebesguesches Prämaß . . . . .	21
§ 5. Fortsetzung eines Prämaßes zu einem Maß . . . . .	26
§ 6. Borelsche Mengen und Lebesguesches Maß . . . . .	31
§ 7. Meßbare Abbildungen und Bildmaße . . . . .	35
§ 8. Meßbare numerische Funktionen . . . . .	38

#### Kapitel II. Integrationstheorie

§ 9. Das Integral von Elementarfunktionen . . . . .	42
§ 10. Das Integral nicht-negativer meßbarer Funktionen . . . . .	45
§ 11. Integrierbarkeit . . . . .	49
§ 12. Fast überall bestehende Eigenschaften . . . . .	53
§ 13. Die Räume $\mathcal{L}^p(\mu)$ . . . . .	56
§ 14. Konvergenzsätze . . . . .	59
§ 15. Maße mit Dichten . . . . .	64
§ 16. Integration bezüglich eines Bildmaßes . . . . .	67
§ 17. Bemerkungen über Lebesgue- und Riemann-Integral . . . . .	68

#### Kapitel III. Produktmaße

§ 18. Produkt von $\sigma$ -Algebren und Eindeutigkeit des Produktmaßes . . . . .	71
§ 19. Existenz und Eigenschaften des Produktes von zwei Maßen . . . . .	73
§ 20. Ausdehnung auf den Fall endlich vieler Faktoren . . . . .	78
§ 21. Faltung endlicher Borel-Maße . . . . .	81

## Zweiter Teil

## Wahrscheinlichkeitstheorie

Kapitel IV. Grundbegriffe der Theorie	Seite
§ 22. Wahrscheinlichkeitsräume . . . . .	86
§ 23. Behandlung einiger elementarer Aufgaben . . . . .	92
§ 24. Zufallsvariable, Verteilungen und Momente . . . . .	97
§ 25. Einige spezielle Verteilungen . . . . .	101
§ 26. Verteilungsfunktionen . . . . .	104
Kapitel V. Unabhängigkeit	
§ 27. Unabhängige Ereignisse und $\sigma$ -Algebren . . . . .	106
§ 28. Unabhängige Zufallsvariable . . . . .	111
§ 29. Produkte und Summen unabhängiger Zufallsvariablen	114
§ 30. Unendliche Produkte von Wahrscheinlichkeitsräumen .	119
Kapitel VI. Gesetz der großen Zahlen	
§ 31. Fragestellung . . . . .	127
§ 32. Null-Eins-Gesetze . . . . .	129
§ 33. Die Ungleichung von Hájek-Rényi . . . . .	133
§ 34. Die Kolmogoroffschen Sätze . . . . .	136
§ 35. Schwaches Gesetz der großen Zahlen . . . . .	143
§ 36. Stochastische Konvergenz und gleichmäßige Integrier- barkeit . . . . .	146
Namen- und Sachregister . . . . .	152