

Inhaltsverzeichnis

	Seite
Literaturverzeichnis	5
Einleitung	7
Bezeichnungen	10

Erster Teil

Maß- und Integrationstheorie

Kapitel I. Maßtheorie

§ 1. σ -Algebren und ihre Erzeuger	12
§ 2. Dynkinsche Systeme	14
§ 3. Inhalte und Prämaße	16
§ 4. Lebesguesches Prämäß	21
§ 5. Fortsetzung eines Prämäßes zu einem Maß	26
§ 6. Borelsche Mengen und Lebesguesches Maß	31
§ 7. Meßbare Abbildungen und Bildmaße	35
§ 8. Meßbare numerische Funktionen	38

Kapitel II. Integrationstheorie

§ 9. Das Integral von Elementarfunktionen	42
§ 10. Das Integral nicht-negativer meßbarer Funktionen	45
§ 11. Integrierbarkeit	49
§ 12. Fast überall bestehende Eigenschaften	53
§ 13. Die Räume $\mathcal{L}^p(\mu)$	56
§ 14. Konvergenzsätze	59
§ 15. Maße mit Dichten	64
§ 16. Integration bezüglich eines Bildmaßes	67
§ 17. Bemerkungen über Lebesgue- und Riemann-Integral	68

Kapitel III. Produktmaße

§ 18. Produkt von σ -Algebren und Eindeutigkeit des Produktmaßes	71
§ 19. Existenz und Eigenschaften des Produktes von zwei Maßen	73
§ 20. Ausdehnung auf den Fall endlich vieler Faktoren	78
§ 21. Faltung endlicher Borel-Maße	81

	Seite
Zweiter Teil	
Wahrscheinlichkeitstheorie	
Kapitel IV. Grundbegriffe der Theorie	
§ 22. Wahrscheinlichkeitsräume	86
§ 23. Behandlung einiger elementarer Aufgaben	92
§ 24. Zufallsvariable, Verteilungen und Momente	97
§ 25. Einige spezielle Verteilungen	101
§ 26. Verteilungsfunktionen	104
Kapitel V. Unabhängigkeit	
§ 27. Unabhängige Ereignisse und σ -Algebren	106
§ 28. Unabhängige Zufallsvariable	111
§ 29. Produkte und Summen unabhängiger Zufallsvariablen	114
§ 30. Unendliche Produkte von Wahrscheinlichkeitsräumen .	119
Kapitel VI. Gesetz der großen Zahlen	
§ 31. Fragestellung	127
§ 32. Null-Eins-Gesetze	129
§ 33. Die Ungleichung von Hájek-Rényi	133
§ 34. Die Kolmogoroffschen Sätze	136
§ 35. Schwaches Gesetz der großen Zahlen	143
§ 36. Stochastische Konvergenz und gleichmäßige Integrierbarkeit	146
Namen- und Sachregister	152